## \_МАТЕМАТИЧЕСКОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ\_ В ЯЛЕРНЫХ ТЕХНОЛОГИЯХ

УЛК 621.384.6

# МОДЕЛИРОВАНИЕ ПРОЦЕССА ФОРМИРОВАНИЯ ЭЛЕКТРОННОГО СГУСТКА В ФОТОПУШКАХ

© 2023 г. С. М. Полозов<sup>а</sup>, В. И. Рашиков<sup>а, \*</sup>

<sup>a</sup> Национальный исследовательский ядерный университет "МИФИ", Москва, 115409 Россия \*E-mail: VIRashchikov@mephi.ru

Поступила в редакцию 18.07.2022 г. После доработки 29.07.2022 г. Принята к публикации 31.07.2022 г.

С помощью разработанной модели фотоэмиссии электронных сгустков пикосекундной длительности с большим зарядом в сильных ВЧ полях, в которой учтен процесс переноса заряда в полупроводниковой пленке фотокатода, проведен детальный анализ процесса формирования электронного сгустка в ВЧ фотопушке. Исследуются эффекты, оказывающие доминирующее влияние на формирование его эмиттанса и энергетического спектра.

*Ключевые слова:* фотоэмиссии, ВЧ пушка, моделирование, ускорители заряженных частиц, интенсивные пучки, пространственный заряд

DOI: 10.56304/S2079562922050360

## **ВВЕДЕНИЕ**

Для работы современных установок, таких как источники синхротронного излучения, лазеры на свободных электронах, плазменные ускорители и т.д., требуются короткие (~1-20 пс) электронные сгустки с большим зарядом (сотни пикокулон – единицы нанокулон), малым поперечным эмиттансом (<1 мм мрад) и узким энергетическим спектром (<1%). Наиболее распространенным источником таких пучков с высокой плотностью фазового пространства в настоящее время являются высокочастотные (ВЧ) фотопушки. Характеристики пучка, полученные в фотопушке, оказывают определяющее влияние на его параметры на выходе установки. В этой связи детальный анализ процесса формирования сгустка электронов в фотопушке является весьма актуальной задачей.

## РЕЗУЛЬТАТЫ РАСЧЕТОВ

В качестве образца будем использовать фотопушку, разрабатываемую в лаборатории DESY в Цойтене, Германия (PITZ) [1], и являющуюся тестовой установкой для фотопушек, используемых в составе Европейского лазера на свободных электронах (European-XFEL), поскольку параметры, создаваемых ею пучков наиболее близки к выше упомянутым, а обширный набор экспериментальных данных, полученных в ходе оптимизации таких пушек в PITZ, позволяет нам проводить

сравнительный анализ наших расчетов с результатами эксперимента.

Пушка (рис. 1) работает в сантиметровом диапазоне длинна волн (частота 1.3 ГГц) на  $\pi$ -типе колебаний и представляет собой резонатор с двумя связанными ячейками с общей длиной 1.6 $\lambda$ , где  $\lambda$  — длина волны. Фотокатод размещен на левом торце резонатора, где ускоряющее электрическое поле оказывается максимальным (60 MB/м). Магнитное поле создается двумя соленоидами и необходимо для ограничения эмиттанса инжектируемого пучка. Фотокатод представляет собой тонкую пленку теллурида цезия  $Cs_2Te$ , нанесенную на металлическую подложку, в качестве которой выступает молибден. Толщина пленки теллура колеблется в пределах от 5 до 15 нм, а цезия

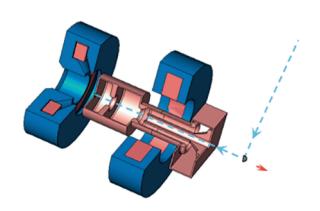


Рис. 1. Фотопушка РІТΖ.

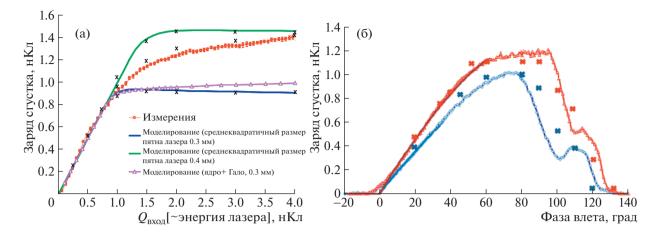


Рис. 2. Эмиссионные кривые.

от 20 до 80 нм и в сумме толщина фотоатода не превышает 0.1 мкм.

Для моделирования эмиссии, формирования и ускорения электронов использовался код СУМА [2]. Часть кода, отвечающая за эмиссию частиц, была полностью модернизирована исходя из следующих соображений. В стационарных моделях эмиссия ограниченна пространственным зарядом, плотность заряда частиц, покидающих поверхность катода, определяется из решения уравнения Пуассона, где в качестве действующего на электроны значения электрического поля берется внешнее поле на поверхности катода в суперпозиции с собственным полем уже вылетевших зарядов. В предложенной нами модели кроме плотности заряда покинувших катод фотоэлектронов, также учитывается положительный заряд, возникающий на тонкой полупроводниковой пленке теллурида цезия и динамически изменяющийся вследствие конкурирующих процессов фотоэмиссии и диффузии из подложки. Уточненная таким образом модель фотоэмиссии позволила значительно улучшить согласие результатов расчета с экспериментальными данными.

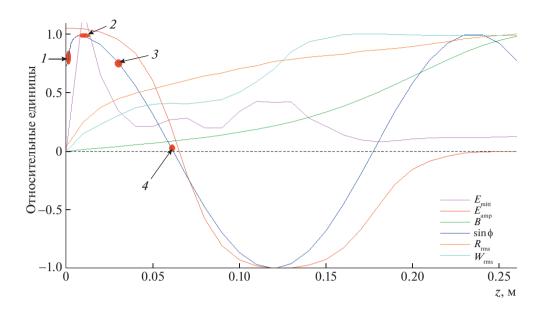
Сравнение эмиссионных кривых, снятых на установке PITZ и рассчитанных с помощью кода ASTRA [3], традиционно используемого для моделирования динамики пучка в ВЧ фотопушках, с результатами расчета на новой модели (рис. 2а) [4, 5], позволили сделать вывод, что предлагаемая модель гораздо точнее описывает процесс фотомиссии в режиме ограничения пространственным зарядом. Рисунок 26 иллюстрирует сравнение экспериментально полученной (сплошные линии) и рассчитанной кодом СУМА (точки) зависимости эмитируемого заряда от амплитуды и фазы ВЧ поля в пушке для сгустка с разным зарядом. В обоих случаях видно достаточно хорошее согласие результатов [6].

Экспериментальные результаты на PITZ и European-XFEL также показали, что код ASTRA дает заниженную величину энергетического разброса в сгустке. Для сравнения было проведено детальное моделирование процесса формирования сгустка в фотопушке модернизированным кодом СУМА. На рис. 3 представлены результаты моделирования.

На начальном этапе эмиссии до значения продольной координаты z = 1 см (точки 1-2 синей кривой рис. 3, ноль продольной координаты соответствует поверхности катода), когда скорости электронов еще много меньше скорости света, формирование сгустка идет под действием сильного поля пространственного заряда, которое в продольном направлении частично компенсируется продольной компонентой внешнего электрического поля. Такая компенсация возникает изза того, что частицы хвоста сгустка, испытывающие максимальный тормозящий эффект от действия кулоновского поля ранее вылетевшей (головной) части сгустка, оказываются в большем внешнем продольном электрическом поле. Это достигается за счет выбора фазы инжекции, которая находится в растущем во времени электромагнитном поле резонатора. В рассматриваемом на рис. 3 варианте фаза инжекции равна 42°, а вылетевший с катода сгусток находится в точке 1 фазовой кривой (синяя кривая рис. 3), причем хвост сгустка расположен выше по фазам.

Инжекция сгустка в нарастающее магнитное поле (зеленая кривая), приводит к перекачке энергии поперечного движения в продольное, что следует из поведения эмиттанса пучка на этом участке (фиолетовая кривая рис. 3), которое также способствует росту продольного размера сгустка и, как следствие, росту разброса по энергии.

В дальнейшем, по мере ускорения, частицы головной и хвостовой части сгустка будут посто-



**Рис. 3.** Зависимость нормированных поперечного эмиттанса  $E_{\rm mitt}$ , внешнего продольного магнитного поля B, амплитуды  $E_{\rm amp}$  и синуса фазы  $\sin \phi$ , средней энергии и радиуса сгустка от продольной координаты вдоль пушки.

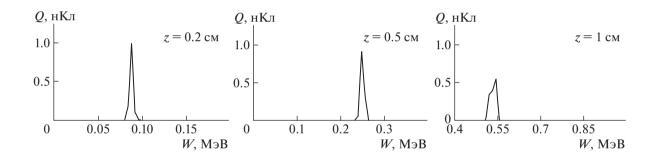


Рис. 4. Энергетический спектр сгустка в начальной стадии.

янно испытывать действие кулоновского поля, ослабевающего из-за релятивистского эффекта, но, тем не менее приводящего к росту энергетического спектра сгустка. В зависимости от фазы поля резонатора, в которой будет находится сгусток, оно будет либо уменьшать этот разброс, если сгусток находится в растущем во времени поле (рис. 3, точки 1, 2), либо увеличивать его в спадающем поле (рис. 3, точки 3, 4). Как уже отмечалось ранее, на рис. 3 головная часть сгустка находится в меньшей по сравнению с хвостом фазе (слева от хвоста), так как хвостовые частицы имитируются позже головных.

Вследствие вышесказанного, на начальной стадии формирования (рис. 3, точки 1, 2). энергетический спектр и эмиттанс растут (рис. 4, продольная координата хвоста сгустка в сантиметрах приведена в правом верхнем углу каждого рисун-

ка), поскольку влияние поля пространственного заряда оказывается превалирующим.

Замедление роста энергетического спектра в начале участка спада поля (точки 2-3 рис. 3, спектры на рис. 5) объясняется эффектом группировки пучка, так как хвостовые частицы получают больше энергии от внешнего поля, а перекачка энергии из поперечного движения ослабевает (эмиттанс уменьшается — фиолетовая кривая рис. 3).

Когда сгусток переходит в спадающее во времени поле (рис. 3, точки 3, 4), разброс по энергии частиц головы и хвоста сгустка будет расти не только из-за действия поля пространственного заряда, но и из-за внешнего поля, поскольку хвост сгустка на этом участке будет двигаться в меньшем ускоряющем поле (рис. 6). Этот эффект немного сглаживается тем, что на этом участке

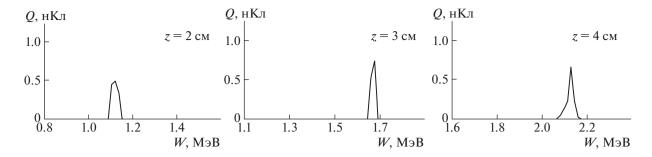


Рис. 5. Энергетический спектр сгустка на начале участка спада поля.

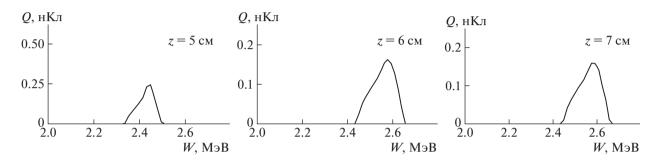


Рис. 6. Энергетический спектр сгустка в спадающем поле.

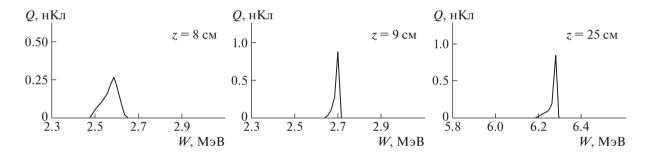


Рис. 7. Энергетический спектр сгустка в растущем поле.

резонатора амплитуда поля уменьшается (красная кривая рис. 3).

На следующем участке (рис. 3, за точкой 4) поле растёт во времени (амплитуда отрицательная — красная кривая рис. 3) и внешнее поле снова противодействует кулоновскому, что и приводит к уменьшению энергетического разброса (рис. 7, z=8,9 см).

Далее процесс повторяется при постоянном обмене энергии в продольном и поперечном движениях. В результате, на выходе пушки размер энергетического спектра сгустка с зарядом 1 нКл на полувысоте оказывается порядка 40 кэВ (рис. 7, z = 25 см) при эмиттансе 0.85 мм мрад.

Завышенные значения эмиттанса и заниженный энергетический разброс, полученные кодом ASTRA, можно было бы объяснить не вполне кор-

ректным описанием процесса перекачкой энергии поперечного движения в продольное, особенно важным на начальной стадии формирования пучка, когда его энергия мала, а разброс скоростей, вызванный влиянием сил пространственного заряда, особенно велик.

#### ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Таким образом, сравнение проведенных по уточненной модели фотоэмиссии расчетов эмиттанса и энергетического спектра электронного сгустка в фотопушке с экспериментальными результатами и результатами моделирования кодом ASTRA показало, что предлагаемая модель точнее описывает исследованные процессы, что, как мы надеемся, позволит нам в дальнейшем лучше

оптимизировать параметры проектируемых нами фотопушек.

## БЛАГОДАРНОСТИ

Работа выполнена в рамках проекта РФФИ № 19-29-12036.

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ/REFERENCES

- Krasilnikov M.M. et al. // Phys. Rev. ST Accel. Beams. 2012. V. 15. P. 100701.
- 2. *Ращиков В.И.* // ВАНТ. Сер.: ядерно-физические исследования. 1990. № 10 (18). С. 50.

- 3. Floettmann K. // Using ASTRA at DESY-Hamburg.
- Polozov S.M., Rashchikov V.I. // Cybern. Phys. 2020.
   V. 9 (2). P. 103.
- Polozov S.M., Rashchikov V.I., Krasilnikov M. // Proc. 12th Int. Particle Accelerator Conf. IPAC'21. 2021. P. 2829— 2832. https://doi.org/10.18429/JACoW-IPAC2021-WEPAB101
- 6. *Красильников М., Полозов С.М., Ращиков В.И. //* Ядерная физика и инжиниринг. 2022. Т. 13 (1). С. 73—78. [*Krasilnikov M., Polozov S.M., Rashchikov V.I. //* Phys. At. Nucl. 2021. V. 84. P. 1881—1885. https://doi.org/10.1134/S1063778821100197]. https://doi.org/10.56304/S2079562922010195

## **Simulation of Electron Bunch Formation Process in Photoguns**

S. M. Polozov<sup>1</sup> and V. I. Rashchikov<sup>1, \*</sup>

<sup>1</sup>National Research Nuclear University MEPhI (Moscow Engineering Physics Institute), Moscow, 115409 Russia \*e-mail: VIRashchikov@mephi.ru
Received July 18, 2022; revised July 29, 2022; accepted July 31, 2022

**Abstract**—The previously developed improved photoemission model has been applied to a detailed analysis of the process of high-brightness electron bunch formation process in the RF photogun. Space charge-dominated photoemission has a significant influence on the formation of transverse emittance as well as on the energy distribution within the emitted electron bunch.

Keywords: photoemission, RF gun, simulation, charged particle accelerators, high intensity beams, space charge